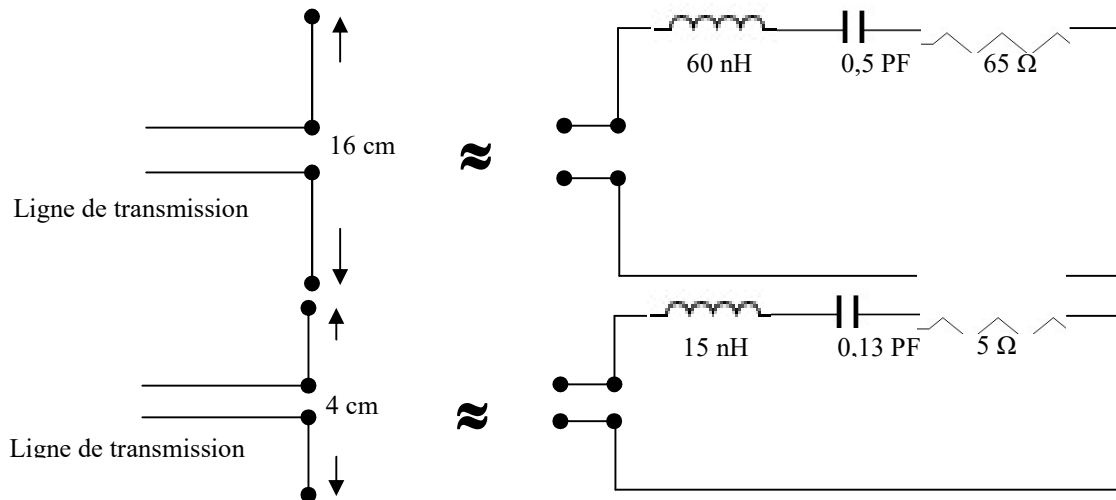


**Travaux Dirigés N° 2 de la matière (Antennes et lignes de transmission)**

Responsable de la matière : D. BENATIA

**EXERCICE -1**

On dispose de 2 antennes dipôles, de 16 cm et 4 cm.



1. Calculer la fréquence de résonance du premier dipôle. Quelle est sa bande passante ? Pour quelle application pourriez-vous l'utiliser ?
2. Est-ce que l'antenne 2 peut fonctionner à la même fréquence que l'antenne 1 ?
3. Pourquoi la valeur de la résistance de l'antenne 2 est aussi faible ?
4. Quelle solution proposez-vous pour faire résonner l'antenne 2 à la même fréquence que l'antenne 1 ?
5. Est-ce que les 2 antennes présentent les mêmes bandes passantes ?

**EXERCICE -2**

On souhaite mesurer le champ électrique à 900 MHz en utilisant un dipôle demi-onde de Gain  $G=1,64$ .

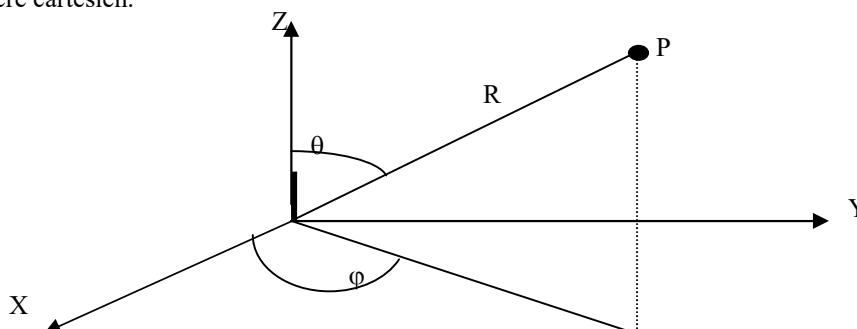
1. Quelle longueur donneriez-vous au dipôle ? Quelle est la valeur de sa surface équivalente ?
2. Calculer la valeur théorique de son facteur d'antenne ?
3. Après caractérisation de cette antenne, on obtient les données suivantes :

$$\text{Efficacité} = 95 \%, \text{ VSWR} = 1.2 : 1$$

La mesure sur une charge 50 ohms donne une puissance de -40 dBm. Quelle est la valeur du champ électrique incident ?

**EXERCICE -3**

Soit un doublet électrique parcouru par un courant  $I=I_0.e^{j\omega t}$ . Le schéma suivant représente un doublet électrique placé dans un repère cartésien.



- 1/- Donner l'expression du champ électrique et du champ magnétique rayonnés au point P, en déduire l'expression de la fonction caractéristique. (Dans le cas du champ lointain)
- 2/- Trouver l'expression de la puissance du doublet rayonnée dans la direction R, en déduire celle de la puissance rayonnée dans tout l'espace ainsi que l'expression de la résistance de rayonnement du doublet.

## Solution

### EXERCICE -1

1. Une antenne dipôle résonne lorsque sa longueur  $L = \lambda/2$

$$\text{Donc } L=c/2.f \rightarrow f=c/2.L=938\text{MHz}$$

La fréquence de résonance peut être calculée à partir du modèle électrique équivalent (RLC série) :

$$f_r=1/2\pi.(L.C)^{1/2}=919\text{MHz}$$

La bande passante peut être calculée à partir du modèle électrique RLC, à l'aide du facteur de qualité :

$$Q=f_r/BP \text{ avec } 1/Q=R_{ant}/2.\pi.f_r.L_{ant} \rightarrow BP=R_{ant}/2.\pi.f_r.L_{ant}=172\text{MHz}$$

2. L'antenne 2 n'a pas la même fréquence de résonance que celle de l'antenne 1, puisqu'elle est plus courte (4 fois plus faible), sa fréquence de résonance est plus grande (4 fois plus grande). A savoir :  $f_r2=3.75 \text{ GHz}$ .

3. L'antenne 2 est 4 fois plus courte que l'antenne 1 donc l'inductance et la capacité équivalente de l'antenne 2 sont 4 fois plus faibles que celles de l'antenne 1 donc  $f_r2=4 \times f_r1$

$$R_{ant2}=16 \times R_{ant1} \text{ car } L_{ant1}=L_{ant2}/4 \text{ donc } E_{ant1}=E_{ant2}/4 \text{ et } H_{ant1}=H_{ant2}/4, \text{ alors :}$$

$$P_{R_{ant1}}=P_{R_{ant2}}/16 \text{ (Pr = E * H=Rr*I}^2\text{), où I est le courant dans l'antenne.}$$

$$\text{Donc : } R_{ant1}=R_{ant2}/4.$$

4. Il faut réduire la fréquence de résonance de l'antenne 2, par exemple en ajoutant une inductance série de 45 nH en entrée de l'antenne.

### EXERCICE -2

1. La longueur du dipôle demi-onde à la fréquence de résonance :

$$L=\lambda/2=c/2.f=16.7\text{cm}$$

La surface équivalente de l'antenne est :

$$S_{eq}=G.\lambda/4.\pi \rightarrow S_{eq}=1.64.(0.33)^2/4.\pi=0.0154\text{m}^2$$

2. La résistance d'entrée du récepteur connectée à l'antenne est égale à 50 ohms.

$$AF=20.\log(E/V)=20.\log[(1/\lambda).(4.\pi.Z_0/G.R_r)^{1/2}]=28 \text{ dB/m} \rightarrow 25\text{V/m}$$

3.  $\eta$ (Efficacité) =  $P_a/P_{Ray}=0.95$ ,  $VSWR=1.2$ .

Le récepteur reçoit une puissance  $P_r = -40 \text{ dBm} = 0.1 \mu\text{W}$ . Cette puissance n'est pas égale à la puissance rayonnée transportée par l'onde à l'entrée de l'antenne. Cette antenne présente donc des pertes. L'efficacité de 95 % est liée aux pertes ohmiques de l'antenne, signifie que 5 % de la puissance induite par le rayonnement  $P_{ray}$  est perdue en dissipation thermique. En appelant  $P_a$  la puissance électrique en sortie de l'antenne :

$P_{ray}$  (de l'onde incidente),  $P_a$  (sortie de l'antenne) et  $P_r$  (l'entrée du récepteur)

$$\text{On a : } \Gamma = \frac{VSWR-1}{VSWR+1}=0.091$$

La puissance reçue  $P_r$  par le récepteur s'exprime en fonction de la puissance en sortie de l'antenne :

$$P_r=P_a(1-\Gamma^2)$$

La puissance induite par le couplage de l'onde incidente sur l'antenne de réception est donc de :

$$P_{ray}=P_a/\eta = P_r/\eta. (1-\Gamma^2)=1,06.10^{-7} \text{ W} \rightarrow -39,75\text{dBm}$$

Sachant que le récepteur est équivalent à une résistance 50 ohms en entrée, la tension en entrée du récepteur est de :

$$V_r = (\text{Pray} \cdot R_r)^{1/2} = 2.3 \text{ mV} \rightarrow -52,75 \text{ dBm}$$

En utilisant la notion de facteur d'antenne, on peut en déduire le champ électrique incident :

$$E = AF + V_r = 28 - 52,75 = -24,75 \text{ dB/m} = 57,8 \text{ mV/m}$$

### EXERCICE -3

- En champ lointain (zone de Fraunhofer) : cela suppose que  $1/R^2$  tend vers zéro, alors :

$$\text{Champ électrique rayonné par un doublet: } \vec{E} = \frac{j \cdot Z_0 \cdot \vec{I} \cdot dz \cdot \sin\theta}{2\lambda R} \cdot e^{-j\beta R} \cdot \vec{e}_\theta$$

$$\text{Champ magnétique rayonné par un doublet: } \vec{H} = \frac{j \cdot \vec{I} \cdot dz \cdot \sin\theta}{2\lambda R} \cdot e^{-j\beta R} \cdot \vec{e}_\phi$$

- La fonction caractéristique est donnée par le rapport du champ sur le champ max :

$$F(\theta) = \frac{|\vec{E}|}{|\vec{E}|_{\max}} = \sin\theta \text{ avec } -\pi/2 \leq \theta \leq +\pi/2$$

- La puissance rayonnée par unité de surface qui en fait celle donnée par le vecteur Poynting :

$$P_{\text{Poynting}}(\theta, \phi) = \left| \frac{1}{2} \vec{E} \wedge \vec{H}^* \right| = \frac{1}{2} |\vec{E}| |\vec{H}| = \frac{1}{2} \frac{E^2(\theta, \phi)}{Z_0}$$

Dans le cas du doublet électrique  $E(\theta, \phi) = E(\theta)$

- La puissance totale rayonnée (dans tout l'espace) sera donnée par :

$$P_R = \frac{1}{2} \int_{-\pi}^{+\pi} \frac{E^2(\theta)}{Z_0} dS \quad \text{avec } dS = 2 \cdot \pi \cdot R^2 \cdot \sin(\theta) d\theta$$

$$P_R = \frac{80 \cdot \pi}{3} \cdot \frac{dl}{\lambda} \cdot I_{\text{eff}}^2$$

$$P_R = R_R \cdot I_{\text{eff}}^2$$

- A partir de l'expression précédente, en déduit l'expression de la résistance de rayonnement :

$$R_R = \frac{80 \cdot \pi}{3} \cdot \frac{dl}{\lambda}$$